به نام خدا

اعضاء گروه:

سید ابوالفضل رحیمی 97105941

محمد مهدی اصمع 97106419

مهدی فرزادی 97106176

امین مقراضی 97106273

محمد جمشیدی97105866

علیرضا حسن پور 97103208

موضوع پروژه :

تقسیم و ریشه دوم عدد در نمایش ممیز شناور به صورت single precision و double precision با استاندارد IEEE\_754

مقدمه :

در عمل، همه کامپیوترهای مدرن از نمایش ممیز شناور که در استاندارد IEEE 754 مشخص شده برای تمامی اعدادی که با یک مانتیس و یک توان نمایش داده می شوند، بهره می‌برند. همانند نماد علمی، مقدار هر عدد ممیز شناور عبارتست از Mantissa \* 2 ^ exponent.

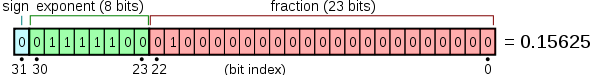
این نحوه ی نمایش اجازه می دهد تا محدوده ی وسیعی از مقادیر با تعداد نسبتا کمی از بیت ها نمایش داده شوند که هم شامل مقادیر کوچک و هم مقادیری است که اندازه ی آن بسیار بزرگ تر از آن است که در عدد صحیحی با همان تعداد بیت نمایش داده شود. با این همه، مشکلی که به وجود می آید این است که تعداد زیادی از مقادیر در محدوده ی نمایش ممیز شناور نمی توانند به درستی نمایش داده شوند. درست مانند تعداد زیادی از اعداد حقیقی که نمی توانند توسط یک عدد دهدهی با تعدادی رقم ثابت معنی دار به نمایش در آیند. وقتی یک محاسبه مقداری را ایجاد می کند که نمی تواند دقیقا به وسیله قالب ممیز شناور نمایش داده شود، سخت افزار باید نتیجه را به مقداری که به درستی نمایش داده می شود، گرد کند.

در استاندارد IEEE 754، روش پیش فرض برای این کار این است که به نزدیک ترین عدد گرد شود. در این روش، مقادیر به نزدیک ترین عدد قابل نمایش گرد می شوند و نتایجی که دقیقا در میان دو عدد قابل نمایش قرار دارند طوری انتخاب گرد می شوند که کم ارزش ترین رقم حاصل شان زوج شود. این استاندارد چندین شیوه گرد کردن دیگر را که قابل انتخاب توسط برنامه هستند، تعیین می کند که شامل گرد کردن به 0، گرد کردن به بی نهایت مثبت و گرد کردن به بی نهایت منفی است.

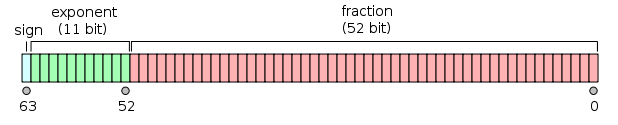
استاندارد IEEE 754، چند پهنای بیتی را برای اعداد ممیز شناور تعیین کرده است. دو پهنای که بیشتر از همه مورد استفاده قرار می گیرند، دقت ساده ( Single Precision ) و دقت مضاعف ( Double Precision ) هستند. اعداد با دقت ساده 32 بیت طول دارند و شامل 8 بیت برای نما، 23 بیت برای بخش کسر و 1 بیت علامت هستند که شامل علامت بخش کسری است. اعداد دقت مضاعف دارای 11 بیت برای نما، 52 بیت برای بخش کسر و 1 بیت برای علامت هستند.

هر دو فیلد نما و کسری در یک عدد ممیز شناور IEEE 754 به شکل متفاوتی نسبت به نمایش اعداد صحیح رمز گذاری می شوند. فیلد کسری، یک عدد مقدار-علامت است و بیان گر بخش کسری یک عدد دودویی است که فرض می شود بخش صحیح آن 1 می باشد. بر این اساس، مانتیس هر عدد ممیز شناور IEEE 754 مثبت یا منفی یک است. بخش کسری، به مقدار بیت علامت وابسته ایت. استفاده از فرض "1 مقدم" در این روش، تعداد ارقام معناداری را که می توانند به وسیله ی هر عدد اعشاری با پهنای مشخصی نمایش داده شوند، افزایش می دهد.

Single precision:

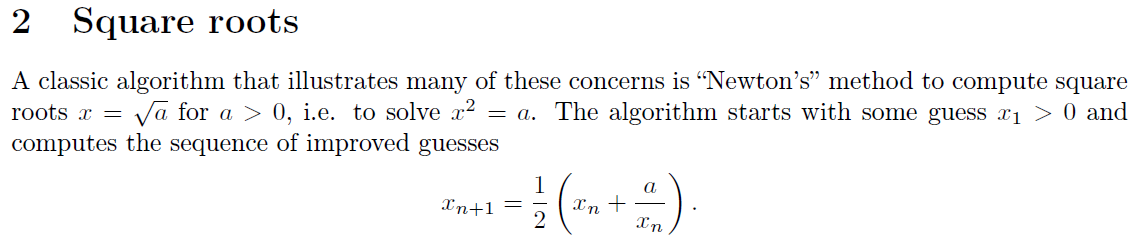


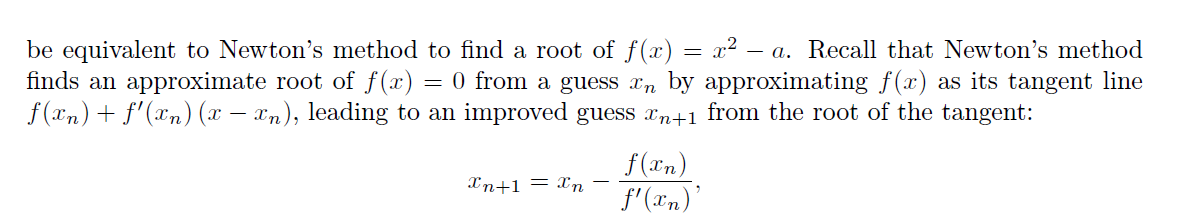
Double precision:



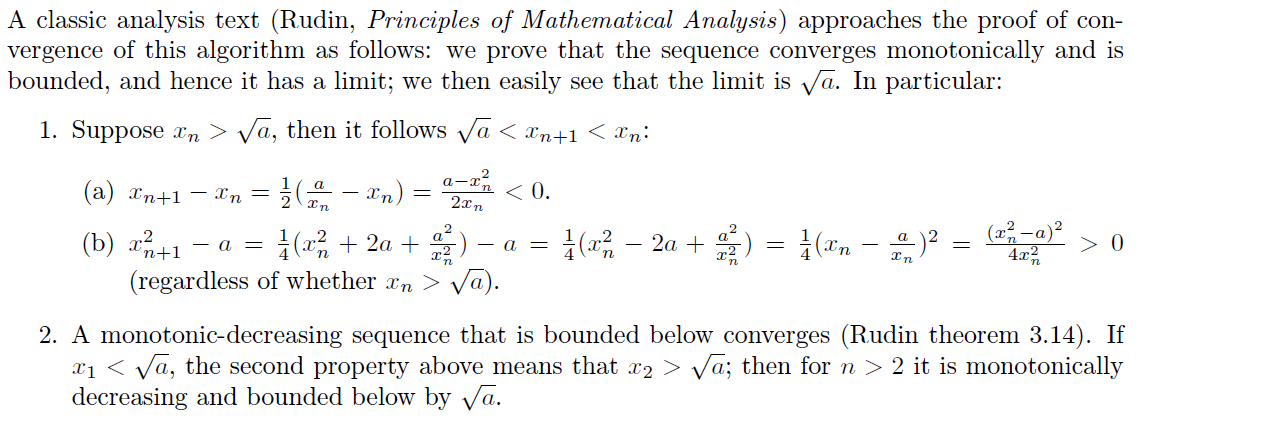
ریشه دوم :

الگوریتم:





و برای ROUND کردن خروجی نیز از الگوریتم زیر بهره می گیریم :



خلاصه:

در این الگوریتم از شبه کد مقابل که به الگوریتم نیوتن معروف است استفاده شده است :

r=ix-z^2

bit(N)=1/2^(N/2), and bit(n)=2^(N/2-n)

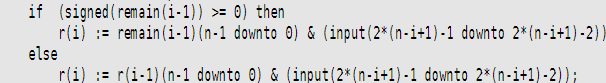
if bit is one:

r(n+1) = ix - (z(n)+bit(n))^2 = r(n) - 2z(n)bit(n) - bit(n)^2

else

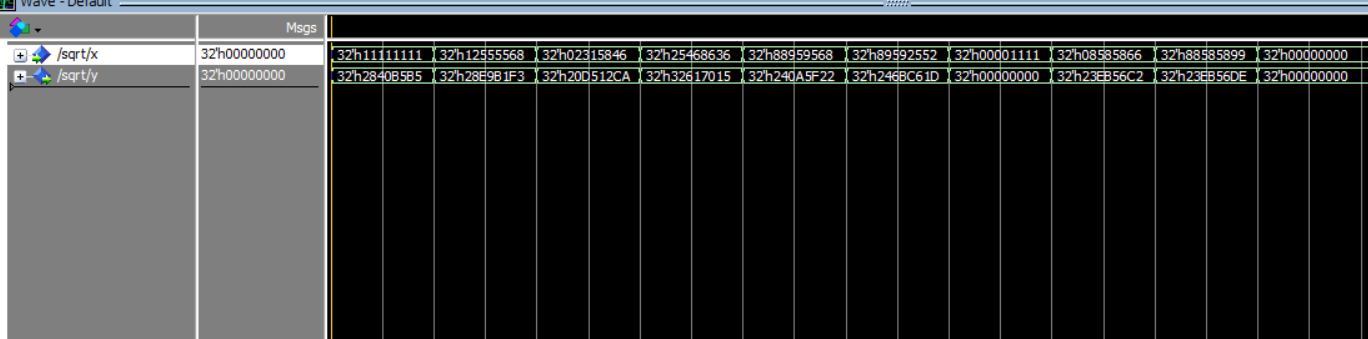
r(n+1) = r(n)

که در آنz نتیجه نهایی است و r باقی مانده از فرآیند در مرحله قبل است و این فرآیند N بار انجام میشود تا ریشه دوم عدد به دست بیاید .



شبیه سازی:

SINGLE PRECISION:



DOUBLE PRECISION:

تقسیم :